

1

(1)  $x^2 + 5x - 24 = (x - 3)(x + 8)$

(2)  $x^2 - 16 = A$  と置く 与式  $= (A + 8x)(A - 2x) + 16x^2$   
 $= (A^2 + 6xA) = A(A + 6x)$   
 $= (x^2 - 16)(x^2 + 6x - 16)$   
 $= (x - 4)(x + 4)(x + 8)(x - 2) \cdots$  (答)

点

(各6点×2:計12点)

2

(1)  $\alpha + \beta = 2$

(2)  $\alpha\beta = -1$   
 $(\alpha - \beta)^2 = (\alpha + \beta)^2 - 4\alpha\beta = 8$

点

(各6点×2:計12点)

3

(1)  $x = -3$  は解なので、方程式を満足する。  
 $\therefore (-3)^2 - 3(a + 3) - a^2 + 4 = 0$   
 $-a^2 - 3a + 4 = 0 \quad a^2 + 3a - 4 = (a + 4)(a - 1) = 0$   
 $a < 0 \quad \therefore a = -4$   
 $a = -4$  を代入して  
 $x^2 - x - 12 = 0 \quad (x - 4)(x + 3) = 0 \quad \therefore x = -3 \text{ or } 4$   
従って、もう一つの解  $x = 4$

(答)  $a = -4$       もう1つの解  $x = 4$ 

(2)  $y = A - x \quad \therefore 2x^2 + (A - x)^2 = B$   
 $3x^2 - 2Ax + A^2 - B = 0 \quad \cdots \textcircled{1}$   
 $x = 0, 2$  が $\textcircled{1}$ の解  
 $x = 0$  を代入  $A^2 - B = 0$   
 $x = 2$  を代入  $12 - 4A + A^2 - B = 0 \quad \therefore 12 - 4A = 0 \quad \therefore A = 3 \quad B = 9$   
 $0 + a = 3 \quad \therefore a = 3 \quad 2 + b = 3 \quad \therefore b = 1$   
 $A = 3 \quad B = 9 \quad a = 3 \quad b = 1$

点

(各8点×2:計16点)

4

(1)	接するとき、 $x^2 - 2mx + 1 = -mx + 3/2m - 3$ が重解を持つ $x^2 - mx + 4 - 3/2m = 0$ 判別式 $D = m^2 - 4(4 - 3/2m)$ $= m^2 + 6m - 16$ $= (m + 8)(m - 2) = 0$ ここで $m > 0 \quad \therefore m = 2 \dots$ (答)
(2)	$m = 2$ を代入 $y = x^2 - 4x + 1$ と直線 $y = -2x$ $x^2 - 4x + 1 = -2x$ より $x^2 - 2x + 1 = 0$ $(x - 1)^2 = 0 \quad \therefore$ 接点の $x$ 座標は 1 したがって、接点 $(1, -2) \dots$ (答)

点

(各 8 点  $\times$  2 : 計 16 点)

5

(1)	$b^2 = a^2 + c^2 - 2a \cdot c \cos \theta$	余弦定理
(2)	$9 = 16 + a^2 - 2 \cdot 4 \cdot a \cos 45^\circ \quad \therefore a^2 - 4\sqrt{2}a + 7 = 0 \dots$ (答)	
(3)	(2) の $a$ に関する 2 次方程式を解くと $a = 2\sqrt{2} \pm \sqrt{1} = 2\sqrt{2} \pm 1 \quad BC > AC$ 即ち $a > 3$ $\therefore a = 2\sqrt{2} + 1 \dots$ (答)	

点

( (1) 6 点 + 4 点、(2) (3) 各 7 点 : 計 24 点 )

6

(1)	階級の幅は 5 cm	(2)	$4/20 = 0.20$
(3)	最も頻度の多い階級は、45 cm 以上 50 cm 未満の階級である。 最頻値はこの階級の階級値であるから、 $(45 + 50) / 2 = 47.5 \quad 47.5 \text{ cm} \dots$ (答)		
(4)	平均値 = (階級値 $\times$ 度数) の総和 / 全度数 $= (27.5 \times 1 + 32.5 \times 0 + 37.5 \times 2 + 42.5 \times 4 + 47.5 \times 6 + 52.5 \times 3 + 57.5 \times 1 + 62.5 \times 2 + 67.5 \times 1) / 20 = 48.25 \dots$ (答)		

点

( (1) (2) (3) 各 4 点 (4) 8 点 : 計 20 点 )